

## Problem A. Lucky Controller

Input file:            standard input  
Output file:           standard output  
Time limit:            2 seconds  
Memory limit:         64 Mebibytes

Джон работает чиновником в визовом отделе посольства США по работе с участниками соревнований по программированию. Каждый день он получает бланки заявлений, которые впоследствии раздаёт участникам. Однако, согласно секретной инструкции Госдепартамента США, в первую очередь должны быть рассмотрены заявления, написанные на бланке со «счастливыми» номерами. Каждый номер бланка состоит из  $2n$  цифр. Номер бланка называется «счастливым», если сумма первых  $n$  цифр равна сумме последних  $n$  цифр.

Джон знает, что ему выдадут на день  $k$  бланков. Также у него есть информация, что номера бланков идут подряд, а первый номер в последовательности бланков с равной вероятностью может быть любым числом из интервала от  $a$  до  $b$  включительно.

Джона интересует, каково матожидание количества заявлений со «счастливыми» номерами, которое ему будет выдано на следующий день.

### Input

В единственной строке входного файла содержатся три целых числа  $a$ ,  $b$  и  $k$  ( $0 \leq a \leq b < 10^{12}, 1 \leq k \leq 10^5$ ). Числа  $a$ ,  $b$  и  $b + k$  состоят из одного и того же чётного количества цифр, не превосходящего 12 — количества цифр в номере каждого заявления.  $a$  и  $b$  могут начинаться с нулей.

### Output

Выведите матожидание количества «счастливых» номеров заявлений в выданных на день бланках в виде несократимой дроби. Если ответ целый, то дробную черту выводить не нужно.

### Example

standard input	standard output
0123 4567 150	6519/635
10 10 20	2
4000 4999 11	103/125

## Problem B. Feed the Robot

Input file:            standard input  
Output file:           standard output  
Time limit:            2 seconds  
Memory limit:         64 Mebibytes

Робот движется по ленте, состоящей из  $n + 1$  ячеек. Ячейки пронумерованы от 0 до  $n$ . Изначально робот находится в ячейке с номером 0. В каждой из остальных ячеек расположено некоторое количество кристаллов. Оказавшись в ячейке, робот забирает все находившиеся в ней кристаллы. Робот может сделать  $m$  прыжков в соседнюю ячейку и  $k$  прыжков через ячейку, при этом  $m + 2k = n$ . Робот может прыгать только вперёд.

По заданному расположению кристаллов на ленте вычислите, какое максимальное количество кристаллов сможет собрать робот.

### Input

Первая строка входного файла содержит 3 целых числа  $n$  ( $1 \leq n \leq 100$ ),  $m$  ( $0 \leq m \leq 100$ ),  $k$  ( $0 \leq k \leq 100$ ). Во второй строке заданы  $n$  целых чисел — количество кристаллов (не боле 100) в соответствующей ячейке ленты.

### Output

В первой строке выходного файла должно быть выведено одно число — максимальное количество кристаллов. Вторая должна содержать  $m + k + 1$  целых чисел — номера ячеек, которые посетил робот, начиная с ячейки с номером 0.

### Example

standard input	standard output
5 1 2 5 2 7 3 1	13 0 1 3 5

## Problem C. Collisions

Input file:            standard input  
Output file:           standard output  
Time limit:            2 seconds  
Memory limit:         64 Mebibytes

На прямой расположены одинаковые шарики, которые могут двигаться только вдоль этой прямой. Изначально каждый шарик движется с постоянной скоростью (знак скорости задаёт направление). После столкновения шарика  $A$ , движущегося со скоростью  $V_A$  и шарика  $B$ , движущегося со скоростью  $V_B$  шарик  $B$  начинает двигаться со скоростью  $V_A$ , а шарик  $A$  — со скоростью  $V_B$ . Вычислите общее количество произошедших при этом столкновений.

### Input

В первой строке входного файла задано количество шариков  $N$  ( $3 \leq N \leq 2 \cdot 10^5$ ). Каждая из последующих  $N$  строк содержит 2 целых числа — начальную координату и скорость соответствующего шарика. Все стартовые координаты находятся в диапазоне  $-10^{11} < x_i < 10^{11}$ , все скорости в диапазоне  $-10^8 < v_i < 10^8$ . Для любых двух шариков стартовые координаты различны; также гарантируется отсутствие «тройных» и более столкновений.

### Output

Выведите одно целое число — общее количество столкновений или 987654321987654321, если количество столкновений бесконечно.

### Example

standard input	standard output
3 -5 3 0 -1 7 -2	3

## Problem D. Pairs

Input file:            **standard input**  
Output file:           **standard output**  
Time limit:            **2 seconds**  
Memory limit:         **64 Mebibytes**

На дипломатическом приёме находятся  $N$  дипломатов, причём число  $N$  чётно. Каждый дипломат ведёт беседу ровно с одним другим дипломатом. Разведке одной из стран удалось получить фотографии с приёма. Изучив эти фотографии, аналитики установили координаты каждого из дипломатов и попытались восстановить, кто из них с кем беседует. Алгоритм восстановления следующий: из дипломатов, ещё не распределённых по парам, выбираются двое, расстояние между которыми минимально, и принимается, что они беседуют между собой. В случае, если существует несколько пар дипломатов, в которых расстояния минимальны, выбирается пара с лексикографически наименьшим номером (все дипломаты пронумерованы по номерам их досье в разведке от 1 до  $N$ , внутри пары собеседников дипломат с наименьшим номером указывается первым).

Вам поручено реализовать этот алгоритм.

### Input

Первая строка входного файла содержит чётное число  $N$  ( $2 \leq N \leq 300$ ). В последующих  $N$  строках заданы координаты  $x_i$  и  $y_i$  каждого дипломата, причём в  $i$ -й из этих строк заданы координаты дипломата с номером досье  $i$ . Для двух различных дипломатов как минимум одна из соответствующих координат различна. Координаты не превосходят по абсолютной величине  $10^8$ .

### Output

Выведите  $N/2$  строк — номера пар дипломатов, беседующих между собой. Пары выводятся в лексикографическом порядке, внутри каждой пары первое число должно быть меньше второго.

### Examples

standard input	standard output
6 0 2 3 2 0 0 1 0 0 -2 2 -2	1 2 3 4 5 6
4 0 0 1 1 0 1 1 0	1 3 2 4

## Problem E. Embassy

Input file:            standard input  
Output file:           standard output  
Time limit:            2 seconds  
Memory limit:         64 Mebibytes

Перед финалом крупного международного турнира по программированию участники со всех регионов Украины съехались в Киев, чтобы в американском посольстве получить визу. Как мы знаем из первой задачи, в американских посольствах с участниками соревнований по программированию работает ровно один чиновник, так что ничего удивительного, что образовалась огромная очередь из участников. Собеседование чиновника с каждым участником длится ровно час. Участники взяли билеты из Киева заранее и сейчас некоторые из них могут не успеть на поезд из-за того, что им придётся стоять в очереди. Спонсоры турнира готовы компенсировать участникам, не успевшим на поезд, затраты на обмен билета.

Ваша задача — расставить финалистов в очередь так, чтобы затраты спонсора были минимальны.

### Input

Пусть  $N$  — количество финалистов,  $i$  — номер, под которым финалист зарегистрирован в системе,  $d_i$  — наиболее позднее время начала собеседования, после которого  $i$ -й финалист ещё может успеть на поезд,  $w_i$  — стоимость обмена билета для  $i$ -го финалиста.

В первой строке входного файла задано  $N$ , в  $N$  следующих строках заданы соответственно  $d_i$  и  $w_i$  (в  $i$ -й из этих строк).

Все числа во входном файле целые, положительные и не превышают 30000.

### Output

Выведите оптимальную с точки зрения затрат спонсора очередь. В  $i$ -й строке вывода должен быть выведен номер участника, стоящего в очереди на  $i$ -м месте. Если таких очередей несколько, можно вывести любую из них.

### Example

standard input	standard output
7	2
3 40	1
2 60	5
6 10	6
1 30	3
4 70	4
4 50	7
4 20	

## Problem F. Dictionary of Obscene Words

Input file:            standard input  
Output file:           standard output  
Time limit:            2 seconds  
Memory limit:         64 Mebibytes

Дан текст  $T$  и список нецензурных слов  $S_1, S_2, \dots, S_n$ . Требуется выяснить, содержит ли текст в качестве подпоследовательности одно из нецензурных слов. Если содержит, найдите наименьший префикс текста  $T$ , содержащий эту подпоследовательность.

### Input

Первая строка входного файла содержит одно целое число  $n$  — количество нецензурных слов в списке. Последующие  $n$  строк содержат слова из списка по одному в строке. Следующая строка содержит текст  $T$ . Суммарная длина слов в словаре не превышает 100 KiB ( $100 \times 2^{10}$  bytes). Общий размер входного файла не превышает 1 MiB ( $2^{20}$  bytes). Список слов и текст состоят из символов с кодами от 32 до 127 включительно.

### Output

Выведите 'NO', если в тексте не встречается нецензурных слов из списка. В другом случае выведите 'YES  $X$ ', где  $X$  — длина наименьшего префикса текста  $T$ , содержащего какое-то нецензурное слово в качестве подпоследовательности.

### Examples

standard input	standard output
2 hello world abracadabra	NO
2 hello world zzzheluuulottt	YES 12

## Problem G. Greatest Product

Input file:            standard input  
Output file:          standard output  
Time limit:           2 seconds  
Memory limit:        64 Mebibytes

Для каждого целого положительного числа  $x$  определим функцию  $P(x)$ , равную произведению цифр в десятичной записи числа  $x$ . По заданному  $N$  вычислить максимальное значение  $P(x)$  при  $x \leq N$ .

### Input

Во входном файле содержится одно целое число  $N$  ( $1 \leq N \leq 2 \cdot 10^9$ ).

### Output

Выведите максимальное значение функции  $P(x)$  на промежутке от 1 до  $N$ .

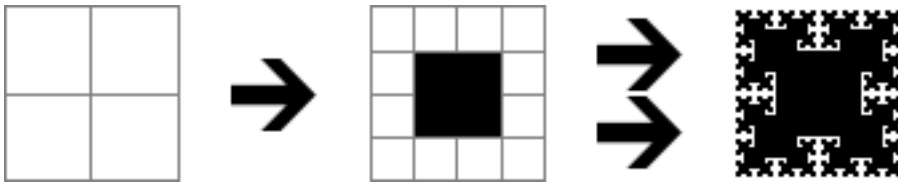
### Examples

standard input	standard output
1	1
101090000	43046721
28994	10368
4876	2268
2789	1008

## Problem H. Birthday Cake

Input file:            **standard input**  
Output file:           **standard output**  
Time limit:            **2 seconds**  
Memory limit:         **64 Mebibytes**

Сегодня Федя празднует свой день рождения, и, пока гости не пришли, он украшает праздничный торт шоколадным кремом, но по-особенному. Вначале у Феде есть квадратный торт, разделенный на 4 равных квадрата из коржей белого цвета. Федя называет «фрактализацией» следующее действие — группируем все маленькие квадраты торта в группы  $2 \times 2$  так, чтобы не осталось несгруппированных фрагментов, после чего каждый маленький квадрат делим на 4 равных квадрата и заполняем шоколадом 4 квадратика в середине каждой группы. Такое действие повторяется последовательно  $N$  раз. Иллюстрация снизу показывает первую «фрактализацию» и торт после пятой:



Теперь Федя хочет нарезать гостям куски торта с красивыми узорами, но ему трудно, смотря на торт в целом, оценить узор его части. Напишите программу, которая покажет узор заданной прямоугольной части торта.

### Input

В единственной строке записаны пять целых неотрицательных чисел  $N, R_1, R_2, C_1, C_2$ .  $N$  — количество итераций вышеописанных изменений, проведённых над тортом ( $N < 20$ ),  $R_1$  и  $R_2$  — это соответственно начальная и конечная строки, а  $C_1$  и  $C_2$  — начальный и конечный столбцы вырезанного куска. Действуют ограничения:  $R_1 \leq R_2, C_1 \leq C_2; 0 \leq R_2 - R_1, C_2 - C_1 < 100; 0 \leq R_1, R_2, C_1, C_2 < 2N + 1$ .

### Output

Ожидается  $R_2 - R_1 + 1$  строк по  $C_2 - C_1 + 1$  символов в каждой. Если соответствующий квадратик залит шоколадом, следует вывести 1, в противном случае выведите 0.

### Examples

standard input	standard output
1 0 3 0 3	0000 0110 0110 0000
2 0 3 0 3	0000 0110 0111 0011
13 50 55 95 100	101111 100111 100111 101111 101101 100001



## Problem I. Hexaroman Numbers

Input file:            standard input  
Output file:           standard output  
Time limit:            2 seconds  
Memory limit:         64 Mebibytes

Рассмотрим традиционную «римскую» систему счисления и построим её обобщение.

В обычной («десятичной») римской записи используются 7 римских цифр:  $I = 1$ ,  $V = 5$ ,  $X = 10_{10}$ ,  $L = 50_{10}$ ,  $C = 100_{10}$ ,  $D = 500_{10}$ ,  $M = 1000_{10}$ .

Обычно римские цифры записываются в убывающем порядке и при этом значения цифр складываются (например,  $MMX$  (2010) интерпретируется как  $1000 + 1000 + 10$ ). Если цифра с меньшим значением идёт перед цифрой с большим значением, меньшее значение вычитается из большего и прибавляется к общей сумме. Например,  $MCMXLIV$  равно 1944. На конструкции с вычитанием существует следующее ограничение:  $I$  может идти только перед  $V$  and  $X$ ,  $X$  может идти только перед  $L$  or  $C$ . За цифрами  $V$ ,  $L$ , and  $D$  могут идти только цифры с большим значением.

Введём шестнадцатеричную римскую запись по следующим правилам: Цифрам присваиваются значения  $I = 1$ ,  $V = 8$ ,  $X = 10_{16}$ ,  $L = 80_{16}$ ,  $C = 100_{16}$ ,  $D = 800_{16}$ ,  $M = 1000_{16}$ .

Ограничения на использование цифр такие же, как в «десятичной» римской системе, за исключением того, что запись типа  $IIX$  является корректной. Если какое-то число из-за этого может быть представлено разными способами, используется запись с меньшим количеством знаков, если количество знаков одинаково, то используется запись с меньшим количеством вычитаний (например, из записей  $IIIIIX$  и  $VIIII$  для числа  $C_{16}$  выбирается вторая) Например, число  $F_{16}$  записывается как  $IX_{16}$ , а  $5C_{16}$  — как  $CCCDLXXXV_{16}$ .

Напишите программу, которая производит операции над шестнадцатеричными римскими цифрами (сложение, вычитание, умножение). Гарантируется, что входные данные и результаты вычислений — целые положительные числа, не превышающие  $4FFF_{16}$ .

### Input

В первой строке входного файла задано целое число  $N$  ( $0 < N \leq 100$ ) — количество тестовых примеров. Каждый тестовый пример содержит задание в формате  $\langle A \rangle \langle O \rangle \langle B \rangle$ .  $\langle A \rangle$  и  $\langle B \rangle$  — числа в шестнадцатеричной римской записи,  $\langle O \rangle$  — одна из операций:  $+$ ,  $-$ ,  $*$ . Ни один тестовый пример не содержит пробелов.

### Output

Для каждого примера выведите в отдельной строке результат вычислений, представленный в шестнадцатеричной римской записи.

### Example

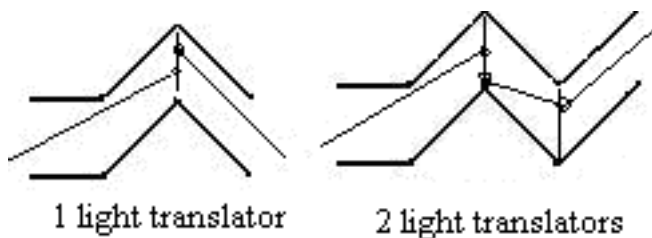
standard input	standard output
3	XXXLV
XIIV+XXXXII	CDXXVIIII
XXIIII*XXXIII	CXI
XXIV*IV	

## Problem J. Beam in Tunnel (Div 1 Only!)

Input file:            standard input  
Output file:           standard output  
Time limit:            2 seconds  
Memory limit:         64 Mebibytes

Туннель с квадратным сечением состоит из  $(n - 1)$  секций. Пол в каждой секции плоский и может быть наклонён вверх или вниз. Координаты  $(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_n, y_n)$  ( $x_1 < x_2 < \dots < x_n$ ) описывают точки, где пол туннеля начинается, заканчивается (первая и последняя пара координат соответственно), или где секции соединяются. Высота туннеля равна 1, то есть потолок  $i$ -й «точки соединения» имеет координаты  $(x_i, y_i + 1)$ .

В туннель направляется луч лазера. Для того, чтобы обеспечить передачу сигнала, могут быть использованы преобразователи света, которые можно установить на границах секций. Эти преобразователи перенаправляют луч в нужном направлении, причём не обязательно из точки падения луча (см. иллюстрацию).



Так как преобразователи перекрывают туннель целиком и могут быть установлены только на границах секций, то каждый преобразователь однозначно задаётся своей координатой — одним из чисел  $x_1, x_2, \dots, x_n$ .

Определите минимальное количество преобразователей, необходимых для того, чтобы свет дошёл до конца туннеля. Касание лучом стенок туннеля не допускается.

### Input

Первая строка входного файла содержит целое число  $N$  ( $2 \leq N \leq 1000$ ). Последующие  $N$  строк содержат 2 вещественных числа, заданных в типе extended — координаты  $x_i$  и  $y_i$  ( $-10000 \leq x_i, y_i \leq 10000$ ).

### Output

Выведите одно число — наименьшее количество преобразователей, необходимое для того, чтобы луч дошёл до конца туннеля.

## Examples

standard input	standard output
4 1 1 2 1 3 2 4 1	1
5 1 1 2 1 3 2 4 1 5 2	2

## Problem K. Key

Input file:            **standard input**  
Output file:           **standard output**  
Time limit:            2 seconds  
Memory limit:         64 Mebibytes

Как известно, хакерам часто приходится взламывать пароли для различных систем шифрования данных. Так и перед начинающим хакером Биллом однажды возникла такая задача. Проведя несколько экспериментов, он заметил определённые закономерности в формировании ключа. Ему известно, что ключ — это натуральное нечётное число  $K$ , такое, что  $(K - 1)!$  не делится на  $K^2$  и принимает значения из диапазона между  $A$  и  $B$  ( $A \leq K \leq B$ ). (Напомним, что  $(K - 1)! = (K - 1) \cdot (K - 2) \cdot \dots \cdot 2 \cdot 1$ ). А дальше дело пошло хуже, так как Билл не силен в математике. Чтобы помочь юному хакеру, вы должны по заданным ограничениям вывести все возможные значения ключа.

### Input

Вход состоит из двух целых чисел  $A$  и  $B$  ( $3 \leq A < B \leq 10^{18}$ ,  $(B - A) \leq 100$ ).

### Output

Ваша программа должна вывести на стандартный вывод через пробел все возможные ключи  $K$ , которые удовлетворяют вышеперечисленным условиям. Гарантируется, что хотя бы один такой ключ существует.

### Examples

standard input	standard output
3 10	3 5 7 9
7 14	7 9 11 13

## Problem L. Game on Chessboard (Div 1 Only!)

Input file:            standard input  
Output file:           standard output  
Time limit:            2 seconds  
Memory limit:         64 Mebibytes

Есть шахматная доска размера  $M \times N$ . На ней в некоторых клетках расположены  $K$  вымышленных шахматных фигур, называемых  $(p, q)$ -скакунами ( $p < q$ ). Ход скакуна похож на ход обычного шахматного коня. При своем ходе скакун перемещается на  $p$  клеток по горизонтали и на  $q$  по вертикали или на  $q$  клеток по горизонтали и на  $p$  по вертикали. При этом перемещение на  $q$  должно выполняться обязательно либо вверх, либо влево (то есть в сторону уменьшения соответствующей координаты). Недопустим ход, который выводит фигуру за пределы доски, однако в одной клетке могут находиться несколько фигур.

Два игрока играют в игру. Они ходят по очереди. В свой ход игрок обязан выбрать одного из скакунов и выполнить им допустимый ход. Проигрывает тот, кто не может сделать ход.

Определите кто выиграет, предполагая что оба игрока играют оптимально,

### Input

В первой строке входного файла задано 5 целых чисел  $M, N, K, p, q$  ( $1 \leq M, N \leq 10^9, 1 \leq K \leq 10^5, 1 \leq p < q \leq 20$ ). В каждой из последующих  $K$  строк задаются координаты соответствующего скакуна  $r_i$  и  $c_i$  ( $1 \leq r_i \leq M, 1 \leq c_i \leq N$ ).

### Output

В выходной файл выведите 'First', если при оптимальной игре выигрывает первый игрок, и 'Second' в противном случае.

### Examples

standard input	standard output
10 10 2 1 2 3 7 7 3	Second
7 5 3 1 3 2 3 1 5 4 3	First